1.1 Logische Operationen

a) Geben Sie in Haskell Definitionen für folgende logische Operatoren an:

```
and, or, xor :: (Bool, Bool) -> Bool
neg :: Bool -> Bool
```

b) Programmieren Sie mithilfe der Operatoren Funktionen, die einem Halb- bzw. Vollad-dierer entsprechen.

1.2 Symbolisches Differenzieren

a) Schreiben Sie einen Datentyp Term der (gebrochen)rationale Funktionen in einer Variablen repräsentiert.

Hinweis: Sie benötigen jeweils einen Konstruktor für *Monome*, *Addition*, *Multiplikation* und *Division*.

b) Programmieren Sie eine Funktion diff: Term -> Term, welche die erste Ableitung bestimmt.

Hinweis: Sie benötigen für jeden Konstruktor des Typs Term eine Gleichung für die Funktion diff.

1.3 Abstrakter Datentyp BBaum

- a) Programmieren Sie den polymorphen abstrakten Datentyp BBaum a. BBaum a steht für einen Binärbaum und soll zwei Konstruktoren enthalten. Einen Konstruktor für einen leeren Binärbaum und einen Konstruktor der zwei Teilbäume und ein Element zu einem neuen Binärbaum zusammenfügt.
- b) Schreiben Sie eine Funktion mapTree :: (BBaum a, (a -> b)) -> BBaum b. Der Funktionsaufruf mapTree(b, f) soll auf jedes Element des Eingabebaums b die Funktion f anwenden.
- c) Programmieren Sie in Java eine Klassenstruktur für den abstrakten Datentyp BBaum a und implementieren Sie die Funktion mapTree. Verwenden Sie dazu KEINE Lambda– Ausdrücke.

1.4 curry3, uncurry3

Schreiben Sie die Funktionen

```
curry3 :: ((a, b, c) \rightarrow d) \rightarrow (a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d) uncurry3 :: (a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d) \rightarrow ((a, b, c) \rightarrow d)
```

die die jeweiligen Funktionen mit dem Tupel Typ–Konstruktor in äquivalente Funktionen mit dem -> Typ–Konstruktor umwandeln und umgekehrt.

1.5 Die Funktion map

Schreiben Sie eine Funktion, toListofLists :: [a] -> [[a]], die jedes Element einer Liste zu einer einelementigen Liste macht. Nutzen Sie dazu die Funktion map.

1.6 Die Funktionen foldl und foldr

Programmieren Sie eine Funktion listStringConcat :: [String] -> String, die alle Elemente einer String-Liste aneinander hängt.

Nutzen Sie dazu entweder die Funktion foldl oder foldr.

Erhalten Sie unterschiedliche Ergebnisse?